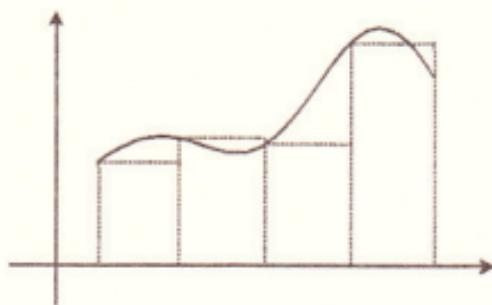


В. А. Калитвин

Численное решение  
интегральных уравнений  
с использованием Python



Государственное образовательное учреждение  
высшего профессионального образования  
"Липецкий государственный педагогический университет"

В. А. Калитвин

**Численное решение  
интегральных уравнений  
с использованием Python**

Учебное пособие

Липецк 2014

# СОДЕРЖАНИЕ

|   |           |
|---|-----------|
| Введение  | 4         |
| <b>1 Численное интегрирование</b>   | <b>5</b>  |
| 1.1 Формула левых прямоугольников . . . . .   | 5         |
| 1.2 Формула правых прямоугольников . . . . .  | 6         |
| 1.3 Формула средних прямоугольников . . . . .   | 7         |
| 1.4 Формула трапеций . . . . .  | 8         |
| 1.5 Формула Симпсона . . . . .  | 9         |
| 1.6 Задания для самостоятельной работы . . . . .                                      | 10        |
| <b>2 Численное решение интегральных уравнений</b>                                     | <b>12</b> |
| 2.1 Численное решение интегральных уравнений<br>Фредгольма . . . . .                  | 13        |
| 2.2 Численное решение интегральных уравнений<br>Вольтерра . . . . .                   | 15        |
| 2.3 Задания для самостоятельной работы . . . . .                                      | 17        |
| <b>3 Численное решение уравнений Вольтерра-<br/>Фредгольма с частными интегралами</b> | <b>21</b> |
| Литература  | 29        |

**ББК 22.1 Я7**

**УДК 518.6**

Калитвин В.А. Численное решение интегральных уравнений с использованием Python: Учебное пособие. — Липецк: ЛГПУ, 2014. — 30 с.

**ISBN 978-5-88526-673-4**

Печатается по решению кафедры математики и РИС ЛГПУ.  
Рецензенты:

заведующий кафедрой математики Липецкого государственного педагогического университета, доктор физико-математических наук, профессор А.С. Калитвин,

доктор физико-математических наук, профессор В.М. Тюриин.

Python является удобным современным языком программирования и вместе с математическими модулями считается прекрасной альтернативой системам компьютерной математики. Python распространяется свободно и работает в операционных системах Unix, GNU/Linux, Microsoft Windows, Mac OS X.

В пособии рассматриваются некоторые методы решения интегральных уравнений и уравнений с частными производными. Приводятся примеры решения задач с использованием Python и задания для самостоятельной работы.

Пособие предназначено для студентов физико-математических факультетов и представляет интерес для бакалавров, магистров, преподавателей, учителей математики и информатики.

Текст пособия набран в *Л<sub>E</sub>X 2<sub>E</sub>*.

**ISBN 978-5-88526-673-4**

© ФГБОУ ВПО "ЛГПУ"

© В. А. Калитвин, 2014

Владимир Анатольевич Калитвин

Численное решение интегральных уравнений  
с использованием Python

Учебное пособие

*Оригинал-макет подготовлен с использованием L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X 2<sub><</sub>  
Редактор В.И. Буланова*

Формат 60 × 84 1/16. Бумага офсетная.

Подписано в печать 16.12.2014 г.

Усл. печ.л. 2. Тираж 50 экз.

Государственное образовательное учреждение  
высшего профессионального образования  
"Липецкий государственный педагогический университет"  
398020, г. Липецк, ул. Ленина, 42  
Отпечатано в редакционно-издательском центре ЛГПУ